

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2014

E_3.Γλ1(ε)

ΤΑΞΗ: Α' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΜΑΘΗΜΑ: ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ

Ημερομηνία: Κυριακή 13 Απριλίου 2014

Διάρκεια Εξέτασης: 2 ώρες

ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1.** Δείξτε ότι τα εφαπτόμενα τμήματα κύκλου (O, ρ), που άγονται από σημείο P εκτός αυτού, είναι ίσα μεταξύ τους.

Μονάδες 15

- A2.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

- a)** Αν δύο ευθείες τεμνόμενες από τρίτη ευθεία σχηματίζουν δύο εντός και επί τα αυτά μέρη γωνίες παραπληρωματικές τότε είναι παράλληλες.
- b)** Οι τρεις μεσοκάθετοι ενός τριγώνου διέρχονται υποχρεωτικά από το ίδιο σημείο το οποίο λέγεται περίκεντρο του τριγώνου.
- γ)** Η γωνία που σχηματίζεται από μια χορδή κύκλου και την εφαπτομένη στο άκρο της χορδής ισούται με την επίκεντρη που βαίνει στο τόξο της χορδής.

Μονάδες 6

- A3.** Να επιλέξτε την σωστή απάντηση στις παρακάτω προτάσεις και να σημειώστε στο τετράδιό σας δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση το γράμμα της σωστής απάντησης.

- α)** Για την διάκεντρο δύο τεμνόμενων κύκλων ισχύει:
 - i. Είναι πάντοτε μεσοκάθετη της κοινής χορδής.
 - ii. Έχει πάντοτε μεσοκάθετη την κοινή χορδή.
 - iii. Είναι ίση με το άθροισμα των ακτίνων των κύκλων.

- β)** Ένα τετράπλευρο είναι πάντοτε εγγράψιμο αν:

 - i. Έχει δύο απέναντι γωνίες ίσες.
 - ii. Έχει δύο απέναντι γωνίες παραπληρωματικές.

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2014

E_3.Γλ1(ε)

- iii. Οι απέναντι πλευρές έχουν σταθερό άθροισμα.

Μονάδες 4

ΘΕΜΑ Β

Έστω ισοσκελές τρίγωνο ABC ($AB = AC$). Στη προέκταση της βάσης BC προς το B παίρνουμε τμήμα BD και στη προέκταση της ίδιας βάσης προς το C παίρνουμε τμήμα CE ώστε $BD = CE$.

B1. Να δειχθεί ότι το τρίγωνο ADE είναι ισοσκελές.

Μονάδες 9

B2. Να δειχθεί ότι οι αποστάσεις BZ και GH των κορυφών B και G από τις πλευρές AD και AE αντίστοιχα, είναι ίσες.

Μονάδες 9

B3. Αν οι ευθείες BZ , GH τέμνονται στο M , να δειχθεί ότι το τρίγωνο BMG είναι ισοσκελές.

Μονάδες 7

ΘΕΜΑ Γ

Σε ορθογώνιο παραλληλόγραμμο $ABGD$ η διαγώνιος AG είναι διπλάσια από την πλευρά AD . Αν O είναι το κέντρο του ορθογωνίου, M το μέσο της πλευράς GD και Θ το σημείο τομής των AM και BD και $\Theta O = \alpha$, όπου α γνωστό τμήμα, τότε:

Γ1. Δείξτε ότι $\Delta AG = 60^\circ$ και υπολογίστε τις γωνίες του τριγώνου AOD .

Μονάδες 9

Γ2. Δείξτε ότι το Θ είναι το βαρύκεντρο του τριγώνου ADG και να υπολογίστε σαν συνάρτηση του α τα τμήματα: ΘD , $A\Gamma$, $A\Delta$.

Μονάδες 8

Γ3. Αν N μέσο της πλευράς BG τότε δείξτε ότι το τετράπλευρο $BNMD$ είναι τραπέζιο με διάμεσο ίση με $\frac{9\alpha}{2}$.

Μονάδες 8

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2014

E_3.Γλ1(ε)

ΘΕΜΑ Δ

Έστω οξυγώνιο τρίγωνο $\triangle ABG$ ($AB < AG$), $A\Delta$ διχοτόμος της γωνίας A και M μέσο της πλευράς BG . Φέρνουμε την $BE \perp A\Delta$, η οποία τέμνει την AG στο σημείο Z και από το Z τη $Z\Theta \perp BG$ και από το G την $GK \perp A\Delta$, που τέμνει την AB στο Λ .

- Δ1.** Δείξτε ότι το E είναι μέσο της BZ και ότι το τρίγωνο $\triangle BE\Theta$ είναι ισοσκελές.

Μονάδες 6

- Δ2.** Αν AH το ύψος του τριγώνου $\triangle ABG$ τότε δείξτε ότι το τετράπλευρο $ABHE$ είναι εγγράψιμο

Μονάδες 6

- Δ3.** Δείξτε ότι $Z\Gamma = B\Lambda$.

Μονάδες 6

- Δ4.** Δείξτε ότι το τρίγωνο $\triangle EMK$ είναι ισοσκελές και ότι η γωνία $\angle EMK$ είναι παραπληρωματική της γωνίας A .

Μονάδες 7

