

 <p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</p>	<p>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015 Β' ΦΑΣΗ</p>	<p>E_3.BMEΛ3A(ε)</p>
--	--	----------------------

ΤΑΞΗ: 3^η ΤΑΞΗ ΕΠΑ.Λ. (Α' ΟΜΑΔΑ)

ΜΑΘΗΜΑ: ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ Ι/ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ

Ημερομηνία: Κυριακή 3 Μαΐου 2015

Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

A1. Δώστε τον ορισμό της παράγουσας συνάρτησης.

(Μονάδες 5)

A2. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή ή **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

1. Το εμβαδόν E του χωρίου που περικλείεται από τη γραφική παράσταση μιας συνεχούς συνάρτησης f , τον άξονα x και τις ευθείες $x = \alpha$, $x = \beta$, δίνεται

$$\text{από τον τύπο } E = \int_{\alpha}^{\beta} |f(x)| dx.$$

2. Η μέση τιμή ενός δείγματος ν παρατηρήσεων πρέπει να είναι πάντα ακέραιος αριθμός.

3. Στην έκφραση του ορίου $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \ell$, πρέπει οπωσδήποτε το x_0 να ανήκει στο πεδίο ορισμού της συνάρτησης f .

4. Η παραγώγη σύνθετων συναρτήσεων δίνεται από τον τύπο: $(f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \cdot g'(x)$.

5. Αν όλες οι παρατηρήσεις μιας κατανομής είναι ίσες μεταξύ τους, τότε η τυπική απόκλιση της κατανομής είναι ίση με μηδέν.

(Μονάδες 10)

A3. Να απληρώσετε τις παρακάτω ισότητες και φράσεις, αφού τις μεταφέρετε στο τετράδιό σας.

1. Άν $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \ell_1$ και $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = \ell_2$, τότε $\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x) - g(x)] = \dots$

2. Άν $x > 0$, τότε $(\ln x)' = \dots$

3. Άν $\alpha < \beta$ και $c = \pi$ ραγματικός αριθμός, τότε $\int_{\alpha}^{\beta} c dx = \dots$

4. Ο τύπος του συντελεστή μεταβλητότητας μιας κατανομής είναι $CV = \dots$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015

Β' ΦΑΣΗ

E_3.ΒΜΕλ3Α(ε)

$$5. \int_{\alpha}^{\beta} \frac{g'(x)}{g^2(x)} dx = \dots$$

(Μονάδες 10)

ΘΕΜΑ Β

Ρωτήσαμε 40 μαθητές της Γ' τάξης ενός ΕΠΑ.Λ., για το πόσες ώρες ασχολούνται με τα μέσα κοινωνικής δικτύωσης στο διαδίκτυο την ημέρα, και τα αποτελέσματα παρουσιάζονται στον παρακάτω πίνακα:

Αριθμός ωρών x_i	Σχετική Συχνότητα $f_i\%$
[0,2)	10
[2,4)	20
[4,6)	
[6,8)	20
[8,10)	35

- B1. Να αποδείξετε ότι $f_3\% = 15$ και να βρείτε τις συχνότητες της κατανομής. (Μονάδες 7)
- B2. Να υπολογίσετε τη μέση τιμή. (Μονάδες 5)
- B3. Να υπολογίσετε τη διακύμανση. (Μονάδες 6)
- B4. Αν προστεθούν στο δείγμα μας και άλλοι 60 μαθητές με μέση τιμή $\bar{x} = 8$, να υπολογίσετε τη συνολική μέση τιμή. (Μονάδες 7)

ΘΕΜΑ Γ

Δίνεται η συγάρτηση:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{3-3\sqrt{x}}{2x^2-x-1}, & 1 < x \\ \kappa^2 - \kappa - \frac{1}{2}, & x = 1 \\ -\frac{1}{2}e^{x-1} + \ln(2-x), & 1 > x \end{cases}$$

όπου κ πραγματικός αριθμός.

- Γ1. Να βρεθεί το $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$.

(Μονάδες 3)

 <p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</p>	<p>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015</p> <p>Β' ΦΑΣΗ</p>	<p>E_3.BMEΛ3A(ε)</p>
--	--	----------------------

Γ2. Να βρεθεί το $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$.

(Μονάδες 8)

Γ3. Να βρεθούν οι τιμές του πραγματικού αριθμού κ , αν γνωρίζετε ότι η f είναι συνεχής στο $x = 1$.

(Μονάδες 7)

Γ4. Να υπολογίσετε την τιμή $f'(-1)$.

(Μονάδες 7)

ΘΕΜΑ Δ

Δίνεται η συνάρτηση $f(x) = \frac{\alpha \cdot e^x}{x^2 + 2}$, $x \in \mathbb{R}$

Δ1. Να δείξετε ότι $\alpha = 1$, αν γνωρίζετε ότι η γραφική παράσταση της $f'(x)$ τέμνει τον άξονα y' στο σημείο με τεταγμένη $y = \frac{1}{2}$

(Μονάδες 6)

Δ2. Να αποδείξετε ότι η συνάρτηση f έχει γνησίως αύξουσα για κάθε $x \in \mathbb{R}$.

(Μονάδες 5)

Δ3. Να συγκρίνετε τις τιμές της συνάρτησης $f(\pi)$ και $f(e)$.

(Μονάδες 4)

Δ4. Δίνεται η συνάρτηση $g(x) = (x-1)(x^2+2)f(x)$, $x \in \mathbb{R}$. Να υπολογίσετε το εμβαδόν του χωρίου που περικλείεται ανάμεσα στην g , τον άξονα x' και την ευθεία $x = 0$ και $x = 1$.

(Μονάδες 10)