



**Β' ΛΥΚΕΙΟΥ  
ΓΕΝΙΚΗ ΠΑΙΔΕΙΑ**

**ΑΛΓΕΒΡΑ**

**ΘΕΜΑ 1°**

Α α) Να αντιστοιχίσετε κάθε στοιχείο της στήλης Α με ένα και μόνο ένα στοιχείο της στήλης Β που είναι ίσο

Στήλη Α	Στήλη Β
A. $\epsilon\phi 2a$	1. $1-2\eta m^2a$
B. $\sigma un2a$	2. συνασυνβ-ημαημβ
Γ. $\sigma un^2a$	3. $2\epsilon\phi a$
Δ. $\eta m(a-\beta)$	4. ημασυνβ-ημβσυνα
	5. $\frac{1-\sigma un2\alpha}{2}$
	6. $\frac{1+\sigma un2a}{2}$

Μονάδες 5

β) Να αποδείξετε ότι το άθροισμα των πρώτων ν όρων μιας γεωμετρικής προόδου ( $a_v$ ) με λόγο  $\lambda \neq 1$  είναι  $S_v = a_1 \frac{\lambda^v - 1}{\lambda - 1}$

Να εξετάσετε και την περίπτωση  $\lambda=1$

Μονάδες 10

Β. α) Να γράψετε στο τετράδιό σας το γράμμα που αντιστοιχεί στη σωστή απάντηση . Η τιμή της παράστασης  $A=\sigma un64^0\sigma un26^0-\eta m64^0\eta m26^0$  είναι :

i) α.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  β. 0 γ. 1 δ.-1

ii) Η τιμή της παράστασης  $10^{1-\log 2}$  είναι  
α. 1 β. 5 γ. 2 δ. 10

Μονάδες 5

Τα θέματα προορίζονται για αποκλειστική χρήση της φροντιστηριακής μονάδας

β) Να χαρακτηρίσετε τις παρακάτω προτάσεις γράφοντας στα τετράδιό σας την ένδειξη Σωστό ή Λάθος δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί στην κάθε πρόταση:

- α. Αν σε μια ακολουθία είναι  $a_v \neq 0$  και  $\frac{a_v}{a_{v+1}} = \frac{1}{\lambda}$  για κάθε  $v \in N^*$  τότε η ακολουθία  $(a_v)$  είναι γεωμετρική πρόοδος με λόγο  $\lambda$
- β. Ισχύει ότι:  $2\eta\mu 15^0 \text{συν} 15^0 = \frac{1}{2}$
- γ. Ισχύει ότι:  $\text{συν}^2 30^0 - \eta\mu^2 30^0 = \text{συν} 60^0$
- δ.  $\log_a(\theta_1 + \theta_2) = \log_a \theta_1 + \log_a \theta_2$
- ε.  $\frac{\log_a \theta_1}{\log_a \theta_2} = \log_a \theta_1 - \log_a \theta_2$

Μονάδες 5

### ΘΕΜΑ 2°

Δίνεται το πολυώνυμο  $P(x) = 2x^3 + ax^2 + bx - 20$  με  $a, b \in R$

α) Αν το πολυώνυμο  $P(x)$  έχει παραγοντά το  $x+2$  και το υπόλοιπο της διαιρεσης με το  $x+1$  είναι το  $-16$  να αποδείξετε ότι  $a=12$  και  $b=6$

Μονάδες 8

β) Να λυθεί η εξίσωση  $P(x)=0$

Μονάδες 8

γ) Να λυθεί η ανίσωση  $P(x) > 0$

Μονάδες 9

### ΘΕΜΑ 3°

α) Να λύσετε την εξίσωση  $\epsilon\phi x = -\sqrt{3}$

Μονάδες 5

β) Θεωρούμε τους θετικούς πραγματικούς  $x_k = k\pi - \frac{\pi}{3}$ ,  $k=1,2,3\dots$

i) Να δείξετε ότι είναι διαδοχικοί όροι αριθμητικής προόδου και να βρείτε τον πρώτο όρο και την διαφορά της

Μονάδες 5

ii) Να βρείτε το  $k$  ώστε ο αριθμός  $\frac{6017\pi}{3}$  να είναι λύση της παραπάνω εξίσωσης

Μονάδες 7

iii) Να υπολογίσετε το άθροισμα  $x_1 + x_2 + \dots + x_{30}$

Μονάδες 8

**ΘΕΜΑ 4<sup>ο</sup>**

Έστω η συνάρτηση  $f(x) = \ln x$ ,  $x > 0$

α. Να λύσετε την εξίσωση  $f(2-\eta\mu x) - f(\sin 2x) = f(3)$  αν  $x \in \left(0, \frac{\pi}{4}\right)$

Μονάδες 6

β. Αν  $a > 0$  και  $f(a) + f(a^2) + \dots + f(a^{100}) = 5050$  να αποδείξετε ότι  $a = e$

Μονάδες 6

γ. Έστω  $\alpha, \beta, \gamma > 0$ . Να αποδείξετε ότι: αν οι  $f(\alpha)$ ,  $f(\beta)$ ,  $f(\gamma)$  είναι διαδοχικοί όροι αριθμητικής προόδου τότε οι  $\alpha, \beta, \gamma$  είναι διαδοχικοί όροι γεωμετρικής προόδου.

Μονάδες 5

δ. Να λύσετε την ανίσωση  $f(x)\sqrt{f(x)} + f(x)^{1/2} > 0$

Μονάδες 8

ΦΡΟΝΤ. ΜΕΣΗΣ ΕΚΠΛΙΣΗΣ  
ΚΟΜΟΤΗΝΗΣ