

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015**  
**Β ΦΑΣΗ**

**Ε\_3ΒΦΛ3ΘΤ(α)**

**ΤΑΞΗ:** Γ' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ  
**ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗ:** ΘΕΤΙΚΗ & ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗ  
**ΜΑΘΗΜΑ:** ΦΥΣΙΚΗ

**Ημερομηνία:** Κυριακή 26 Απριλίου 2015

**Διάρκεια Εξέτασης:** 3 ώρες

**ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ**

**ΘΕΜΑ Α**

- A1.** γ  
**A2.** δ  
**A3.** γ  
**A4.** δ  
**A5.** α. Λ  
           β. Λ  
           γ. Σ  
           δ. Λ  
           ε. Σ

**ΘΕΜΑ Β**

**B1.** Σωστή απάντηση η γ.

Από το σχήμα 1 προκύπτει η εξίσωση φάσης  $\varphi_1 = \frac{2\pi}{T}t_1 - \frac{2\pi}{\lambda}x$ .

Για  $x=0$  είναι  $\varphi_1=10\pi$  rad, επομένως  $10\pi = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T=0,2s$ .

Για  $x=20\text{cm}$  είναι  $\varphi_1=0$ , επομένως  $0 = \frac{2\pi}{0,2} - \frac{2\pi}{\lambda}20 \Rightarrow \lambda=4\text{cm}$ .

Άρα  $v_1 = \frac{\lambda}{T} \Rightarrow v_1 = \frac{4\text{cm}}{0,2s} \Rightarrow v_1=20\text{cm/s}$ .

Διαφορετικά:  $v_1 = \frac{x}{t_1} = \frac{20\text{cm}}{1s} = 20\text{cm/s}$ .

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015**  
**Β ΦΑΣΗ**

**Ε\_3\_ΒΦΛ3ΘΤ(α)**

Από το σχήμα 2 προκύπτει ότι  $v_2 = \frac{x}{t} \Rightarrow v_2 = \frac{8\text{cm}}{24\text{s}} \Rightarrow v_2 = \frac{1}{3}\text{cm/s}$

Επομένως  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{20\text{cm/s}}{\frac{1}{3}\text{cm/s}} \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = 60$ .

**B2. Σωστή απάντηση η α.**

Έστω  $t_0$  ο χρόνος που διαδίδεται η ηλεκτρομαγνητική ακτινοβολία σε απόσταση  $l$  στο κενό και  $t$  ο χρόνος που χρειάζεται η ίδια ηλεκτρομαγνητική ακτινοβολία για να διέλθει από το πλακίδιο πάχους  $l$ .

Ισχύει  $t_0 = \frac{l}{c}$  και  $t = \frac{l}{v}$ . Τότε

$$\Delta t = t - t_0 = \frac{l}{v} - \frac{l}{c} = l \left( \frac{1}{v} - \frac{1}{c} \right) = \frac{l}{c} (n - 1)$$

$$\Rightarrow n - 1 = \frac{c}{l} \Delta t$$

$$\Rightarrow n = \frac{c}{l} \Delta t + 1$$

$$\Rightarrow n = \frac{\Delta t \cdot c + l}{l}$$

**B3. Σωστή απάντηση η α.**

Εφαρμόζοντας την Αρχή Διατήρησης της Μηχανικής Ενέργειας μεταξύ της απομάκρυνσης  $x$  του ελατηρίου και της θέσης του φυσικού μήκους του, προκύπτει ότι:

$$\frac{1}{2} Kx^2 = \frac{1}{2} Mv_{\text{cm}}^2 + \frac{1}{2} I\omega^2 \Rightarrow Kx^2 = Mv_{\text{cm}}^2 + \frac{1}{2} MR^2\omega^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow Kx^2 = Mv_{\text{cm}}^2 + \frac{1}{2} Mv_{\text{cm}}^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow Kx^2 = \frac{3}{2} Mv_{\text{cm}}^2 \Rightarrow v_{\text{cm}} = x \sqrt{\frac{2K}{3M}}$$

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015**  
**Β ΦΑΣΗ**

**Ε\_3ΒΦΛ3ΘΤ(α)**

**ΘΕΜΑ Γ**

**Γ1.** Η εξίσωση της απομάκρυνσης του σώματος από τη θέση ισορροπίας σε συνάρτηση με το χρόνο είναι:

$$x = A\eta\mu(\omega t + \theta)$$

Όπου  $A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\text{συν}\varphi}$  με

$$\text{συν}\varphi = \text{συν}\frac{5\pi}{6} = \text{συν}\left(\pi - \frac{\pi}{6}\right) = -\text{συν}\frac{\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\text{Άρα } A = \sqrt{(10\sqrt{3})^2 + 10^2 + 2 \cdot 10\sqrt{3} \cdot 10 \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)} = 10\text{cm}$$

$$\varepsilon\varphi\theta = \frac{A_2\eta\mu\varphi}{A_1 + A_2\text{συν}\varphi} = \frac{10 \cdot \frac{1}{2}}{10\sqrt{3} + 10 \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)} = \frac{\sqrt{3}}{3},$$

άρα  $\theta = \frac{\pi}{6} \text{ rad.}$

Επομένως  $x = 10\eta\mu\left(10\pi t + \frac{\pi}{6}\right)$  (x σε cm και t σε sec)

**Γ2.** Τη χρονική στιγμή  $t_1 = \frac{1}{60} \text{ sec}$  το σώμα βρίσκεται στη θέση

$$x = 10\eta\mu\left(10\pi t_1 + \frac{\pi}{6}\right) \Rightarrow x = 10\eta\mu\left(10\pi \frac{1}{60} + \frac{\pi}{6}\right)$$

$$\Rightarrow x = 10 \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow x = 5\sqrt{3}\text{cm}$$

Άρα ο ζητούμενος λόγος θα είναι

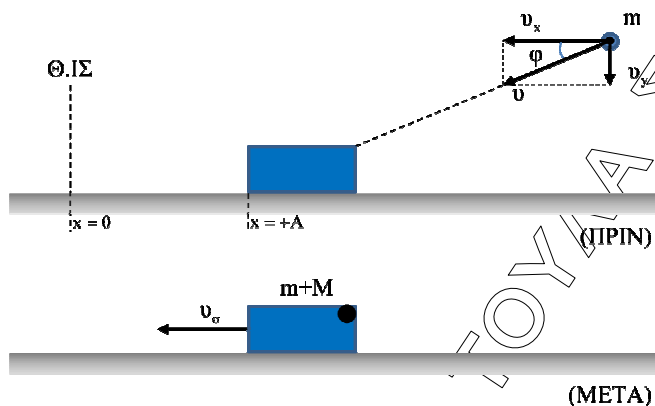
$$\frac{K}{U} = \frac{E - U}{U} = \frac{\frac{1}{2} \cdot D \cdot A^2 - \frac{1}{2} \cdot D \cdot x^2}{\frac{1}{2} \cdot D \cdot x^2} = \frac{10^2 - (5\sqrt{3})^2}{75} = \frac{25}{75} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{K}{U} = \frac{1}{3}$$

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015**  
**Β ΦΑΣΗ**

**Ε\_3ΒΦΛ3ΘΤ(α)**

**Γ3.**



Εφαρμόζουμε Α.Δ.Ο. στον x'x άξονα:

$$\vec{p}_{ολ, x'x(πριν)} = \vec{p}_{ολ, x'x(μετά)} \Rightarrow m \cdot v \cos \varphi = (M + m) \cdot v_{\sigma}$$

$$\Rightarrow 8 = 4v_{\sigma} \Rightarrow v_{\sigma} = 2 \text{ m/s}$$

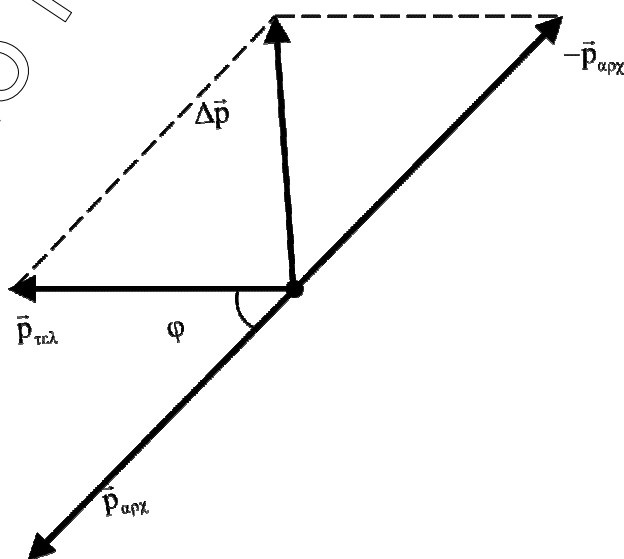
Θα υπολογίσουμε τη μεταβολή της ενέργειας της ταλάντωσης  $\Delta E_{ταλ.}$ .

Όπου η  $D = M \cdot \omega^2$  είναι σταθερή πριν και μετά την κρούση.

Η θέση της κρούσης είναι μια τυχαία θέση της νέας ταλάντωσης, στην οποία η δυναμική ενέργεια ισούται με την ενέργεια της αρχικής ταλάντωσης.

$$\left. \begin{matrix} K + U = E' \\ U = E \end{matrix} \right\} \Rightarrow K + E = E' \Rightarrow E' - E = K = \frac{1}{2} (m + M) v_{\sigma}^2 = 8J$$

**Γ4.**



$$\Delta \vec{p} = \vec{p}_{\text{τελ}} - \vec{p}_{\text{αρχ}} \Rightarrow \Delta \vec{p} = \vec{p}_{\text{τελ}} + (-\vec{p}_{\text{αρχ}})$$

$$\Rightarrow |\Delta \vec{p}| = \sqrt{(mv_{\sigma})^2 + (mv)^2 + 2mv_{\sigma} \cdot mv \cdot \cos(\pi - \varphi)} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow |\Delta \vec{p}| = \sqrt{4 + 100 - 32} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow |\Delta \vec{p}| = \sqrt{72} \Rightarrow |\Delta \vec{p}| = 6\sqrt{2} \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

**ΘΕΜΑ Δ**

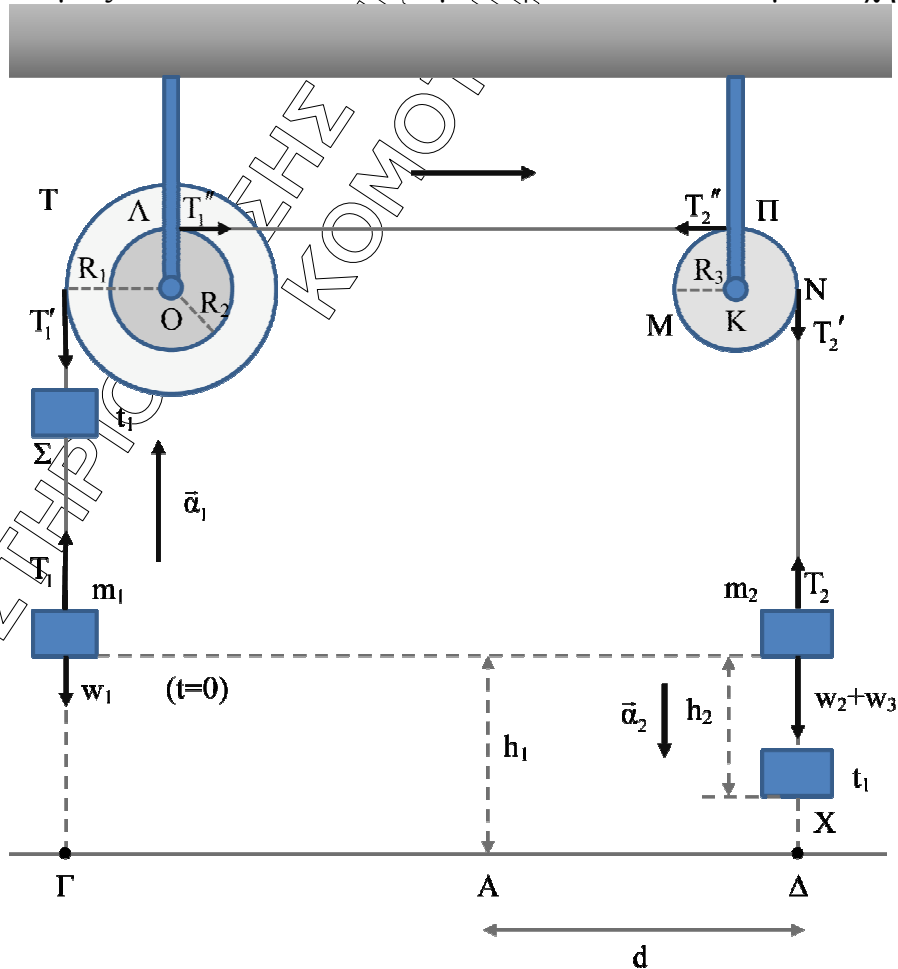
**Δ1.** Αφού το σύστημα ισορροπεί θα ισχύει:

$$\sum \vec{\tau}_{\text{εξ}} = 0 \Rightarrow w_1 R_1 - w_2 R_3 = 0 \Rightarrow m_1 g R_1 - m_2 g R_3 = 0$$

$$\Rightarrow m_2 = \frac{m_1 R_1}{R_3} \Rightarrow m_2 = \frac{2 \text{ Kg} \cdot 0,2 \text{ m} - 1 \text{ Kg} \cdot 0,1 \text{ m}}{0,1 \text{ m}}$$

$$\Rightarrow m_2 = 4 \text{ Kg}$$

**Δ2.** Οι δυνάμεις που ασκούνται στα σώματα φαίνονται στο επόμενο σχήμα:



**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015**  
**Β ΦΑΣΗ**

**Ε\_3ΒΦΛ3ΘΤ(α)**

- i. Για τα σημεία Π και Λ των δύο τροχαλιών ισχύει κάθε στιγμή  $\alpha_\Lambda = \alpha_\Pi \Leftrightarrow \alpha_{\gamma(T)} \cdot R_2 = \alpha_{\gamma(\Delta)} \cdot R_3$ , δηλαδή  $\alpha_{\gamma(T)} = \alpha_{\gamma(\Delta)} = \alpha_\gamma$  επομένως οι γωνιακές επιταχύνσεις της διπλής τροχαλία και του δίσκου είναι ίσες.

Για το σύστημα των σωμάτων εφαρμόζουμε το θεμελιώδη νόμο της στροφικής με την μορφή:

$$\sum \vec{\tau}_{εξ} = I_{ολ} \cdot \vec{\alpha}_\gamma \Rightarrow (w_2 + w_3)R_3 - w_1R_1 = \left[ (m_2 + m_3)R_3^2 + \frac{1}{2}MR_3^2 + I_T + m_1R_1^2 \right] \cdot \alpha_\gamma \quad (1)$$

Από την σχέση (1) με αντικατάσταση προκύπτει ότι  $\alpha_\gamma = 10 \frac{\text{rad}}{\text{s}^2}$ . Η επιτάχυνση με την οποία κατέρχεται το σύστημα ( $m_2, m_3$ ) είναι ίδια με την επιτάχυνση του σημείου Ν. Δηλαδή:

$$\alpha_N = \alpha_\gamma R_3 = \alpha_2 \Rightarrow \alpha_2 = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}^2},$$

όπου  $\alpha_2$  η επιτάχυνση των μάζων  $m_2, m_3$ .

- ii. Για το σύστημα ( $m_2, m_3$ ) ισχύει:  $h_2 = \frac{1}{2} \alpha_2 t_1^2 \Rightarrow t_1 = \sqrt{\frac{2h_2}{\alpha_2}} \Rightarrow t_1 = 2\text{s}$

$$\frac{dK_{(T)}}{dt} = P_T = \sum \tau \cdot \omega = I_T \cdot \alpha_\gamma \cdot \alpha_\gamma \cdot t.$$

Με αντικατάσταση των τιμών τη στιγμή  $t=t_1=2\text{s}$  προκύπτει:

$$\frac{dK_{(T)}}{dt} = 28 \frac{\text{J}}{\text{s}}$$

**Δ3.**

$$K_{ολ} = K_T + K_{\Delta\text{ίσκου}} + K_{m_1} + K_{m_2+m_3} \Rightarrow$$

$$K_{ολ} = \frac{1}{2} I_T \omega^2 + \frac{1}{2} I_3 \omega^2 + \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} (m_2 + m_3) v_3^2 \Rightarrow$$

$$K_{ολ} = \frac{1}{2} I_T (\alpha_\gamma \cdot t)^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} MR_3^2 (\alpha_\gamma \cdot t)^2 + \frac{1}{2} m_1 (\alpha_1 \cdot t)^2 + \frac{1}{2} (m_2 + m_3) (\alpha_2 \cdot t)^2$$

όπου  $\alpha_1 = \alpha_\gamma \cdot R_1 = 2\text{m/s}^2$  η επιτάχυνση της μάζας  $m_1$ .

Με αντικατάσταση των τιμών τη στιγμή  $t=t_1=2\text{s}$ , προκύπτει  $K_{ολ} = 60\text{J}$ .

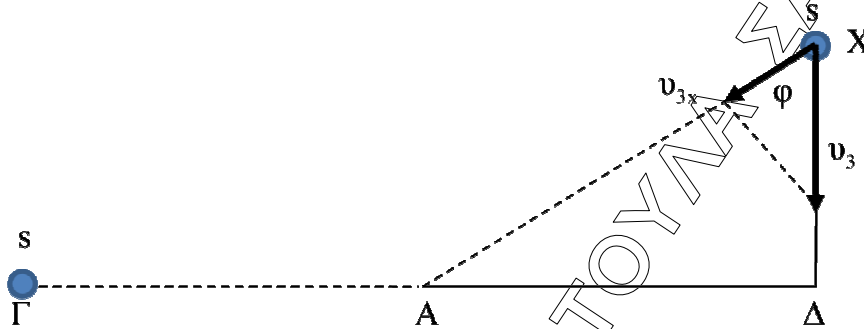
**Δ4.**

Ο ανιχνευτής ήχου στο σημείο Α λαμβάνει δύο ήχους. Έναν από την πηγή στο σημείο Γ συχνότητας  $f_{\Gamma \rightarrow A}$  και έναν από την πηγή της μάζας  $m_3$ , συχνότητας  $f_{X \rightarrow A}$ . Επειδή η ταχύτητα της μάζας  $m_3$  καθώς

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2015**  
**Β ΦΑΣΗ**

**Ε\_3ΒΦΛ3ΘΤ(α)**

κατέρχεται δεν βρίσκεται πάνω στην διεύθυνση πηγής – ανιχνευτή μας ενδιαφέρει η συνιστώσα  $v_{3,x}$  της ταχύτητας. (Βλέπε σχήμα)



$$v_{3,x} = v_3 \cos \varphi \Rightarrow v_{3,x} = a_2 \cdot t \cdot \frac{(X\Delta)}{(XA)} \Rightarrow v_{3,x} = a_2 \cdot t \cdot \frac{(X\Delta)}{\sqrt{(X\Delta)^2 + (A\Delta)^2}} \quad (3)$$

Όμως  $(X\Delta) = h_1 - h_2 = 6\text{m}$ .

Με αντικατάσταση στην (3) προκύπτει:  $v_{3,x} = 1,2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .

Έτσι:

$$f_{X \rightarrow A} = \frac{v_{\eta\lambda}}{v_{\eta\lambda} - v_{3,x}} f_2 \Rightarrow f_{X \rightarrow A} = \frac{(340\text{m/s})}{(340\text{m/s} - 1,2\text{m/s})} f_2$$

$$\Rightarrow f_{X \rightarrow A} = \frac{340}{338,8} f_2 \quad (\text{SI}) \quad (4)$$

$f_{\Gamma \rightarrow A} = f_1 = 3434\text{Hz}$  διότι η πηγή στο Γ και ο ανιχνευτής στο Α είναι ακίνητοι.

Σύμφωνα με την αρχή της επαλληλίας  $x = x_1 + x_2$ , όπου:

$$x_1 = A \eta \omega_1 t \text{ και } x_2 = A \eta \omega_2 t$$

Οπότε τελικά προκύπτει:

$$x = 2A \eta \sin \frac{\omega_1 - \omega_2}{2} t \cdot \eta \mu \frac{\omega_1 + \omega_2}{2} t$$

Άρα η συχνότητα του ήχου που ακούει εκείνη την στιγμή ( $t_1$ ) είναι ίση με:

$$f_A = \frac{f_{X \rightarrow A} + f_{\Gamma \rightarrow A}}{2} \Rightarrow f_{X \rightarrow A} = 3400\text{Hz}$$

Με αντικατάσταση στη (4) προκύπτει ότι  $f_2 = 3388\text{Hz}$ .

Για ερωτήματα Δ1 και Δ2 μπορεί επίσης να λυθούν:

- Δ1: Εφαρμόζοντας τη συνθήκη ισορροπίας σε κάθε σώμα χωριστά.
- Δ2: Εφαρμόζοντας τους νόμους της κίνησης σε κάθε σώμα χωριστά.

Οι απαντήσεις είναι ενδεικτικές. Κάθε επιστημονικά τεκμηριωμένη απάντηση είναι αποδεκτή.